ДИНАМИКА РАЗЛЕТА МОЛЕКУЛЫ ВОДЫ В ИНТЕНСИВНОМ ПОЛЕ ВЫСОКОЧАСТОТНОГО ИЗЛУЧЕНИЯ

А. В. Бибиков^{а*}, С. Н. Юдин^а, М. М. Попова^а, М. Д. Киселев^{а,b,c},

А. Н. Грум-Гржимайло^{а,с}, Е. В. Грызлова^а

^а Научно-исследовательский институт ядерной физики им. Д. В. Скобельцына, Московский государственный университет им. М. В. Ломоносова 119991, Москва, Россия

> ^b Лаборатория моделирования квантовых процессов, Тихоокеанский государственный университет 680035, Хабаровск, Россия

> > ^с Физический факультет, Университет ИТМО 197101, Санкт-Петербург, Россия

Поступила в редакцию 16 мая 2024 г., после переработки 16 мая 2024 г. Принята к публикации 10 сентября 2024 г.

В связи с развитием источников интенсивного высокочастотного излучения и совершенствованием техник детектирования заряженных фрагментов стали возможны эксперименты по кратной ионизации внутренних молекулярных оболочек, когда на совпадения регистрируются импульсы и заряды продуктов фрагментации. В данной работе исследована динамика разлета фрагментов молекулы воды, возникающих в результате взаимодействия с интенсивным излучением рентгеновского диапазона. Рассчитано распределение ионов кислорода по зарядам, построены диаграммы Ньютона для фрагментов — протонов и иона кислорода — при различных зарядовых состояниях последнего, определена высвобожденная кинетическая энергия. Расчеты выполнялись с использованием оригинального кода [1] для параметров, приближенных к эксперименту [2], реализованному в 2021 г. на EuXFEL.

DOI: 10.31857/S0044451024120010

1. ВВЕДЕНИЕ

Исследования молекулы воды, ввиду ее распространенности во Вселенной и значимости для биологии, представляют область особого практического интереса для физики взаимодействия небольших квантовых объектов с излучением. Знание эволюции молекулы воды, доли образовавшихся ионов и радикалов в ионизирующем электромагнитном поле критически важно для таких приложений, как изучение радиационных повреждений в экспериментах по дифракции рентгеновских лучей, химии радикалов в растворах [3, 4] и даже для объяснения некоторых явлений, происходящих в атмосферах планет [5,6] и в кометах [7].

При взаимодействии атомов или молекул с рентгеновским излучением, как правило, происходит фотоэмиссия. Чаще всего потеря первого электрона не приводит к развалу молекулы, так как оставшихся электронов на валентной оболочке может быть достаточно, чтобы сформировать молекулярную связь, тем более, что в высокочастотном диапазоне доминирует ионизация из внутренней К-оболочки. Образовавшееся дырочное состояние быстро релаксирует за счет оже-распада или, напротив, образуется еще более возбужденное состояние за счет последующей фотоэмиссии. Таким образом, первый акт ионизации запускает сложную цепочку конкурирующих процессов, таких как флуоресценция, оже-распад, диссоциация и, наконец, кулоновский взрыв молекулы, а эволюция образца зависит от параметров полей: интенсивности, длительности, поляризации и т.д. [8, 9]. При

^{*} E-mail: bibikov@sinp.msu.ru

этом система может оказаться полностью лишенной электронов [10].

Оже-процесс в катионе воды H_2O^+ с *K*-вакансией (SCH, single core hole) исследовался теоретически и экспериментально [11–13]. Расчеты предсказали увеличение угла раскрытия катиона примерно до 120° и время жизни около 5 фс. Дикатион воды H_2O^{2+} не наблюдался в стабильном состоянии, однако он эффективно образуется при оже-распаде внутренней вакансии [14] или, например, при двойной ионизации [15]. Диссоциация дикатиона воды в низших возбужденных состояниях исследовалась в работах [16, 17]. Схожесть оже-спектров, соответствующих распаду 1*s*-вакансии, локализованной на атоме кислорода, для различных кислородосодержащих молекул обсуждалась в работе [18].

Если интенсивность излучения высока, то успевает образоваться дикатион с двойной вакансией на *K*-оболочке (DCH, double core hole). Впервые особенности оже-распада молекулярного DCH обсуждались в работе [19] и с тех пор были объектом многочисленных исследований — см., например, обзор [20]. Первый расчет спектров оже-электронов с единичной и двойной вакансиями во внутренней оболочке [21] показал, что ядерная динамика в DCH, в отличие от SCH, оказывает сильное влияние на спектры электронной эмиссии, а время жизни такого состояния составляет всего около 2 фс.

Одной из проблем экспериментов в газовой фазе является случайная ориентация молекулы в пространстве, приводящая к усреднению и, как следствие, размытию многих физических эффектов. Измерение на совпадения фотоэлектронов и заряженных фрагментов определяет ось (ориентацию) молекулы в пространстве, что, в частности, позволяет наблюдать особенности угловых распределений фотоэлектронов, неразличимые в традиционной постановке [22]. Измерение на совпадения заметно усложняет набор статистики и, соответственно, повышает требования к чувствительности детекторов. В результате таких экспериментов характеристики происходящих процессов регистрируются намного более детально, давая возможность связать электронную и ядерную динамику [23,24]: так, например, было показано, как измерение угловых распределений в «зафиксированной» с помощью эксперимента на совпадения молекулярной системе позволяет найти длину молекулярной связи [25] или даже определить, через какой канал диссоциации произошел разлет молекулы [26, 27].

Развитие методов теоретического описания вероятностей и угловых распределений фотоэмиссии из молекул началось с работ [28], и с тех пор для описания состояний непрерывного спектра использовались самые разные методы: от R-матрицы [29] и численного решения уравнения Шредингера [30] до очень популярного в настоящее время подхода XCHEM [31].

Данная работа стимулирована экспериментом по изучению динамики разлета молекулы воды, выполненном в 2021 г. на европейском лазере на свободных электронах EuXFEL, в котором импульсы протонов, образовавшихся в результате кулоновского взрыва молекулы, измерялись вместе с импульсом и зарядовым состоянием иона кислорода [2].

Везде, где не отмечено иное, используется атомная система единиц.

2. ОСНОВНЫЕ ПОЛОЖЕНИЯ ТЕОРЕТИЧЕСКОГО МЕТОДА

Взаимодействие молекулы с электромагнитным полем может вызвать различные цепочки событий, которые мы будем называть траекториями. Упрощенная эволюция молекулы воды, включающая конфигурационные состояния и их геометрию, представлена на рис. 1. Первым событием при облучении молекулы воды Н₂О синхротронным излучением обязательно является ионизация, при этом ионизация 1s-оболочки на полтора порядка более вероятна, чем ионизация валентной оболочки. Геометрия положительно заряженного иона H₂O⁺ (катиона) отличается от геометрии нейтральной молекулы чуть большим (примерно на 10°) углом раскрытия вне зависимости от того, произошла ионизация со внутренней ph(i) или с валентной ph(v) оболочки. Дальнейшая траектория, напротив, критически зависит от того, где образовалась вакансия.

Если ионизация произопла с внутренней оболочки ph(i), то геометрия молекулы, определяемая положением ядер, не успевает перестроиться и происходит оже-распад (Auger decay, au) с характерным временем около 5 фс в дважды заряженный ион (дикатион) H_2O^{2+} , равновесная конфигурация которого является линейной молекулой. Существенное отклонение положений ядер в нейтральной молекуле H_2O и в молекулярном ионе H_2O^{2+} приводит к возбуждено ножничных, симметричных и асимметричных мод колебаний. Если интенсивность излучения высока, т. е. вероятность того, что повторная ионизация внутренней оболочки произойдет раньше, чем оже-распад, то образуется молекулярный ион с двойной *K*-вакансией. Как показали наши рас-



Рис. 1. Эволюция молекулы воды в интенсивном электромагнитном поле

четы, DCH-конфигурация не имеет равновесного состояния и быстро разваливается.

Если ионизация произопла с валентной оболочки, то ион H_2O^+ мягко релаксирует в конфигурацию, равновесную для однократно заряженного иона, и возможна повторная ионизация. Отметим, что две примерно равновероятные траектории, ph(i)-ph(v) и ph(v)-ph(i) (соответственно (b) и (c) на рис. 1), приводят к одному и тому же состоянию с одиночной вакансией на 1*s*-оболочке, для которого также есть канал диссоциации на фрагменты HO⁺ и H⁺, хотя и с меньшей скоростью, чем для DCH-состояния.

Траектории ph(i)-au и ph(v)-ph(v) (соответственно (d) и (e) на рис. 1) приводят к самому стабильному из дикатионов воды в его основной конфигурации, но следующий акт ионизации, вне зависимости от оболочки, приводит к кулоновскому взрыву молекулы.

Мы будем моделировать величины в соответствии с измерениями, сделанными в работе [2]: распределение ионов кислорода по зарядам, кинетическую энергию, приобретенную фрагментами молекулы в результате кулоновского отталкивания, и распределение импульсов фрагментов молекулы, измеренных на совпадения. Далее мы более подробно рассмотрим следующие аспекты подхода: в разд. 2.1 мы приводим уравнения классического движения частиц в потенциале, описывающие динамику разлета; в разд. 2.2 мы рассматриваем квантовохимические аспекты: поверхности потенциальной энергии и частоты колебаний; в разд. 2.3 — вероятности реализации различных траекторий.

2.1. Динамика разлета заряженных фрагментов

Чтобы найти пространственные траектории атомов — фрагментов молекулы, мы, следуя изложенному в предыдущем разделе, принимаем следующую модель разрушения молекулы H₂O под действием высокоинтенсивного излучения. До приобретения молекулярным ионом заряда Z = +2 атомы находятся в конфигурации нейтральной воды, испытывая нулевые колебания относительно равновесного положения. Это оправдано тем, что равновесное положения Молекулярного иона с зарядом +1 не сильно отличается от равновесного положения нейтральной воды (см. разд. 2.2). Для определения временной эволюции положения атомных ядер молекулярного иона H₂O²⁺ решаются уравнения классического движения частиц в потенциале:



Рис. 2. *а* — Диаграмма Ньютона для трехчастичного разлета молекулы; *b* — диаграмма Ньютона, рассчитанная в простейшей модели кулоновского трехчастичного разлета молекулы воды

$$\frac{d\mathbf{p}_{1}}{dt} = -\partial_{r_{01}}\mathcal{P}\frac{\mathbf{r}_{01}}{r_{01}} - \partial_{f}\mathcal{P}\left(\frac{\mathbf{r}_{02}}{r_{01}r_{02}} - f\frac{\mathbf{r}_{01}}{r_{01}^{2}}\right),
\frac{d\mathbf{p}_{2}}{dt} = -\partial_{r_{02}}\mathcal{P}\frac{\mathbf{r}_{02}}{r_{02}} - \partial_{f}\mathcal{P}\left(\frac{\mathbf{r}_{01}}{r_{01}r_{02}} - f\frac{\mathbf{r}_{02}}{r_{02}^{2}}\right), \quad (1)
\frac{d\mathbf{p}_{0}}{dt} = -\frac{d\mathbf{p}_{1}}{dt} - \frac{d\mathbf{p}_{2}}{dt}.$$

Здесь \mathcal{P} — поверхность потенциальной энергии (ППЭ), $\mathbf{p}_{0,1,2}$ — импульсы иона кислорода и каждого из атомов водорода соответственно. Для плоской трехатомной молекулы поверхность потенциальной энергии является функцией модулей двух векторов и угла между ними. Для молекулы воды естественно выбрать радиус-векторы от атома кислорода до атомов водорода (r_{01} , r_{02}) и угол θ между ними. Тогда

$$\mathcal{P} = V\left(r_{01}, r_{02}, f\right),$$

$$f = \cos\theta = \frac{\mathbf{r}_{01} \cdot \mathbf{r}_{02}}{r_{01}r_{02}}.$$
(2)

Поверхность потенциальной энергии рассчитывается квантовохимическими программными комплексами (см. разд. 2.2), при этом для системы с зарядом $Z \ge +3$ или на асимптотически больших расстояниях она переходит в потенциал кулоновского отталкивания.

В результате моделирования системы (1) определяются импульсы протонов и ионов кислорода. Они могут быть представлены в разных видах, для удобства сравнения с экспериментом мы следуем представлению, используемому в работе [2], а именно в виде диаграмм Ньютона. На рис. 2 *а* изображена схема построения диаграммы Ньютона для разлета молекулы воды: импульсы протонов и иона кислорода конкретной зарядности Q определены на совпадение, импульс кислорода откладывается по оси x, а импульсы протонов показываются относительно этого направления.

На рис. 2 *b* приведена диаграмма Ньютона, рассчитанная в самой простой модели, когда начальные условия для численного решения системы (1) определяются равновесной геометрией нейтральной молекулы воды, а ППЭ для системы с зарядом Z = +3сводится к кулоновскому потенциалу. Полученный график далек от экспериментального, подробно обсуждаемого в разд. 3. Поэтому далее для системы с зарядом +2 берутся квантовохимические ППЭ, а в качестве начальных условий для численного решения системы (1) выбираются случайно сгенерированные координаты и импульсы атомов молекулы H₂O, соответствующие распределению вероятности нулевых колебаний гармонического осциллятора (см. разд. 2.2).

Как уже было отмечено выше, ППЭ катиона H_2O^+ в любой конфигурации слабо отличается от ППЭ нейтральной воды. ППЭ дикатиона H_2O^{2+} , напротив, существенно отличается от ППЭ нейтральной воды и при этом зависит от электронного состояния. Нами рассматриваются три случая: DCH, SCH и две вакансии в валентной оболочке (основное состояние дикатиона). Мы не учитываем ППЭ с возбужденными валентными электронами, так как нижние возбужденные ППЭ слабо отличаются от ППЭ основного состояния.

	$H_2O\left(Z=+2\right)$					$H_2O(Z = +2)1s^{-1}$				$H_2O(Z = +1)1s^{-1}$				$H_2 \mathcal{O} \left(Z = 0 \right)$			
Mode	GAMESS	harm	anh	cub	$\mathbf{q}\mathbf{u}$	harm	anh	cub	qu	harm	anh	cub	$\mathbf{q}\mathbf{u}$	harm	anh	cub	qu
scis	686	677	729	13	38	735	718	$^{-7}$	-10	1314	1249	-69	4	1626	1608	-21	3
sym	1673	1679	957	-998	276	907	-4^{*}	-437	-474	3603	3404	-418	218	3846	3673	-363	190
asym	1144	1155	533	-1111	489	-	-	-	-	3628	3427	-441	240	3973	3807	-369	203

Таблица. Частоты колебаний нейтральной воды, иона и дикатиона [см⁻¹]

Дальнейшая ионизация в состояние с зарядом +3приводит к чисто кулоновскому разлету заряженных фрагментов молекулы, т.е. уравнения движения (1) остаются прежними, но \mathcal{P} заменяется кулоновским потенциалом. При переходе на этот этап численного решения каждому фрагменту задается заряд +1. Таким образом, для канала диссоциации $O^+ + H_2^+$ упускается возможность перехода в состояние $O^{2+} + H_2^+$. Подчеркнем, что квантовохимические расчеты предсказывают, что вклад такого канала незначителен (см. разд. 2.2). После разлета и до окончания воздействия электромагнитного импульса остается возможность дальнейшей эволюции зарядовой конфигурации иона кислорода.

2.2. Квантовохимическая основа подхода

Для катиона и дикатиона воды H₂O^{+,2+} мы выполнили расчеты ППЭ с использованием оригинальной программы [1, 32–35], апробированной на расчетах кристаллов BeO, Be(OH)₂ и более сложных молекул Be@C₃₆. Энергия электронов в поле трех тяжелых ядер молекулы H₂O рассчитывалась в неограниченном приближении Хартри-Фока (unrestricted Hartri-Fock, UHF) с учетом электронэлектронных корреляций во втором порядке теории возмущений (MP2). Использовался расширенный, учитывающий корреляции и валентную поляризацию, набор молекулярных базисных функций quadruple zeta aug-cc-pVQZ [36, 37]. Для контроля результатов вычислений проводилась сверка некоторых из них с вычисленными с использованием программного пакета GAMESS методом ROHF с учетом корреляций методом MP2 в базисе aug-cc-pVQZ.

На рис. 3 представлены результаты расчетов ППЭ для катиона H_2O^+ и дикатиона H_2O^{2+} воды. Символы представляют собой результаты расчетов, а сплошные кривые — фитирование комбинацией потенциалов Морзе и кулоновского. Приведены кривые, соответствующие симметричному расположению атомов водорода $(r_1 = r_2)$, и для фиксированного положения одного из атомов. На рис. 3 *a*,*b* приведены расчеты для катиона в основном состоянии и с вакансией на 1*s*-оболочке. Можно видеть, что как при симметричном, так и при асимметричном отклонении ядер водорода от равновесного состояния формируется существенная потенциальная яма, обеспечивающая равновесную конфигурацию. На рис. 3 c,d,e приведены ППЭ для дикатиона H_2O^{2+} воды в основном состоянии, с однократной вакансией на 1*s*-оболочке (SCH) и с двухкратной (DCH). Рисунки 3 a-e приведены для оптимального угла между направлениями на атомы водорода (115° для катиона и 180° для дикатиона). На рис. 3 *f* приведена ППЭ (рис. 3 *e*) для оптимального расстояния между атомами водорода как функция угла между ними.

Как показывает анализ расчетов ППЭ с одной или двумя вакансиями на 1s-оболочке (рис. 3 d, e), связанного состояния для такого дикатиона воды не существует, причем диссоциация происходит по асимметричному каналу (малиновая кривая) во фрагменты ОН+ и Н+. Для основного состояния дикатиона (рис. 3 с) даже для асимметричной моды колебаний есть небольшой барьер 0.1 эВ (малиновая кривая). Этот барьер ниже, чем энергия нулевых колебаний нейтральной воды, поэтому молекула диссоциирует, что согласуется с выводами [38]. Таким образом, движение системы вдоль синих кривых отвечает за канал диссоциации в O + 2H⁺, а вдоль малиновой и коричневой кривых — в H⁺ + OH⁺. Преимущественной является диссоциация по асимметричному каналу $H^+ + OH^+$, что соответствует результатам [39].

В таблице приведены частоты ножничных (scis), симметричных (sym) и асимметричных (asym) колебаний для различных ионов воды. Мы выделили составляющую частоты, соответствующую гармоническому осциллятору (harm), ангармоническую частоту (unh), кубическую (cub) и биквадратичную (qu) поправки к гармонической частоте. Наблюдается существенный ангармонизм симметричных и асимметричных мод, заметно возрастающий для SCH-состояния. Отметим, что для дикатиона меняется соотношение частот радиальных мод жесткость симметричной моды становится больше, чем асимметричной. Для SCH-состояния асимметричная мода становится неустойчивой, симметричная мода существует на грани погрешности расчетов (отмечено звездочкой), а для DCH-состояния связанное состояние вообще отсутствует.

Расчеты, результаты которых приведены в таблице, находятся в разумном согласии с экспериментальными данными [11]: 1645, 3831, 3944 см⁻¹ для нейтральной воды и 3710, 1121 см⁻¹ для катиона с *К*-вакансией. Слабое изменение равновесного состояния нейтральной молекулы и катиона (около 10°) также находится в согласии с экспериментом и расчетами [11].

Как отмечено в разд. 2.2, положение и импульс атомов водорода испытывают колебания. При этом для нейтральной воды не существует физически определенного начального момента времени. Поэтому колебания для каждой моды учитываются случайным образом с гауссовым распределением ширины, связанной с частотами соотношением $\sqrt{m_i\omega_i}$ и $1/\sqrt{m_i\omega_i}$ для координаты и импульса соответственно [40] $(m_i - приведенная масса атома водорода).$ Например, амплитуда радиальных колебаний оценивается примерно равной 0.3 ат. ед., т. е. является существенной (около 15%) поправкой к равновесной длине связи. Переданный фотоном атому кислорода импульс (около 6 ат. ед.) может вызвать в системе центра масс колебания с энергией $2 \cdot 10^{-4}$ ат. ед., что на полтора порядка меньше энергий низших возбужденных состояний молекулы воды, связанных с движением ядер (см. таблицу).

Для дальнейшего анализа важно понимать, успевает ли дикатион воды развернуться от положения 105°, равновесного для нейтральной воды, к положению 180°, характеризующему равновесие для дикатиона воды. Характерное время разворачивания приблизительно равно 10 фс, что для рассматриваемого электромагнитного поля (см. разд. 2.3) близко к времени повторной фотоионизации.

2.3. Зарядовое состояние кислорода

Эволюция зарядовой конфигурации молекулы воды и ее фрагментов по конкретной траектории моделируется с помощью развитого аналога генеалогической схемы с использованием вероятностей атомных переходов (фотоионизация, оже-переходы, радиационные переходы [19]). Этот упрощенный подход считается оправданным при исследовании ионизации высокочастотным излучением, когда вероятности процессов выходят на асимптотическое поведение [41, 42]. Вероятность ионизации различных оболочек атома и ионов кислорода получена с использованием алгоритма Германа – Скиллмана [43] и находится в полном соответствии с расчетами [44, 45]. Вероятности оже-распадов и флуоресценции были взяты из работы [42]. Оже-распад можно классифицировать по участвующим в нем 2s (L) и валентным (V) электронам, как (LL), (LV) и (VV). Вероятность первого из них практически совпадает с вероятностью оже-распада иона кислорода. Используемые в данном исследовании скорости ожераспадов (в ат. ед.) SCH-состояния $7.01 \cdot 10^{-4}$ (LL), $1.36 \cdot 10^{-3}$ (LV), $2.04 \cdot 10^{-3}$ (VV) и DCH-состояния $2.164 \cdot 10^{-3}$ (LL), $4.62 \cdot 10^{-3}$ (LV), $6.39 \cdot 10^{-3}$ (VV) отличаются от приведенных в работе [21] соответствующих значений $1.51\cdot 10^{-4},\, 1.4\cdot 10^{-3},\, 3.8\cdot 10^{-3}$ и $7.65 \cdot 10^{-4}$, $3.6 \cdot 10^{-3}$, $11.6 \cdot 10^{-3}$, однако полная ширина для этих двух расчетов находится в разумном согласии. Систематически меньшая ширина VV-канала, когда фото- и активный электроны принадлежат валентной оболочке, связана с пренебрежением в нашей модели межатомным оже-распадом (interatomic Auger decay).

Многоэлектронный атом, например, кислород, может формировать ионы различной зарядности, от O⁺ до O⁸⁺, причем иону одного заряда может соответствовать много различных конфигураций. Надо подчеркнуть, что при определенных условиях некоторые экзотические «полые» конфигурации (например, O⁶⁺, $1s^02s^2$) могут образовываться с большей вероятностью, чем основные состояния данного иона [8].

Зарядовая конфигурация определяется на каждом временном интервале, исходя из вероятности перехода от текущего состояния к следующему, методом Монте-Карло — посредством генерации случайного числа с постоянной вероятностью

$$P_{a \to b} = w_{a \to b} dt$$

для оже-распада и флуоресценции, и с зависящей от времени вероятностью фотоионизации

$$P_{a \to b} = j(t)\sigma_{a \to b}dt.$$

Здесь $w_{a\to b}$ — скорость перехода из конфигурации a в конфигурацию b, $\sigma_{a\to b}$ — сечение фотоионизации, j(t) — плотность потока падающего излучения. Таким образом набирается необходимое для статистики количество траекторий разлета (100000–250000).

Настоящую форму импульса электромагнитного поля трудно определить, и для ее аппроксимации используются степенные функции косинуса или гауссово распределение. Определенными параметрами считаются флюенс — интегральный поток фотонов в импульсе, и ширина (full width at half-maximum — FWHM). Для большей части расчетов мы использовали импульсы излучения следующей формы:



Рис. 3. Сечение поверхности потенциальной энергии ионов воды H_2O^+ и H_2O^{2+} : (a,b) однократный ион H_2O^+ в основном состоянии и с 1s-вакансией, локализованной на атоме кислорода; (c-e) двухкратный ион H_2O^{2+} в основном состоянии (c), с одной (d) и двумя (e) вакансиями в 1s-оболочке при фиксированном значении угла; (f) случай (e) при фиксированных значениях координат протонов как функция угла между направлениями на них. Разные кривые соответствуют разным отклонениям от равновесного положения: симметричное расположение атомов водорода $(r_1 = r_2,$ синяя кривая), фиксированное положение одного из атомов в минимуме потенциальной энергии $(r_1 - \min,$ малиновая кривая) и в $r_1 = 3$ ат. ед. (коричневая кривая). Точки показывают результаты расчетов, сплошные кривые — результат их фитирования комбинацией потенциалов Морзе и кулоновского



Рис. 4. Распределение выходов ионов кислорода по зарядам, рассчитанное для импульса с энергией фотонов 1000 эВ, флюенсом $2 \cdot 10^{11}$ фотонов/мкм² и длительностью 40 фс. Красным представлены текущие расчеты (левая шкала), синим — расчеты из работы [2] (правая шкала)

$$j(t) = j_0 \cos^4(\pi t/t_p),$$
 (3)

где j_0 — амплитуда плотности потока в импульсе, t_p — полная длительность импульса. Характерная длительность импульсов, генерируемых лазерами на свободных электронах, составляет FWHM 10–25 фс [46,47]. Для импульса (3) флюенс *F* для фотонов с энергией E_{γ} :

$$F = 3 t_p j_0 / 8E_\gamma \,. \tag{4}$$

Можно выделить базовые траектории эволюции молекулы, начинающиеся с ионизации внутренней оболочки (рис. 1):

- (a) $ph(i) \rightarrow ph(i) \rightarrow$ мгновенная диссоциация (Z = +2);
- $(b) ph(i) \rightarrow ph(v) \rightarrow$ диссоциация (Z = +2);
- $(c) ph(v) \rightarrow ph(i) \rightarrow$ диссоциация (Z = +2);
- $(d) ph(i) \rightarrow au \rightarrow ph(i, v) \rightarrow$ кулоновский взрыв (Z = +3);
- $(e) ph(v) \rightarrow ph(v) \rightarrow ph(i, v) \rightarrow$ кулоновский взрыв (Z = +3).

На рис. 4 представлены результаты наших расчетов выходов N кислорода различной зарядности Q в сопоставлении с расчетами [2]. Наблюдается отмечавшееся ранее для других систем [48] преимущественное формирование ионов с четными зарядами, так как траектории ph(i)-au — ионизация внутренней оболочки с последующим оже-распадом — реализуются с большей вероятностью. Наблюдающееся в текущих расчетах несколько большее образование ионов с Z > 4, по-видимому, указывает на чуть большую эффективную длительность импульса.

3. ОБСУЖДЕНИЕ РЕЗУЛЬТАТОВ

3.1. Диаграммы Ньютона

На рис. 5 представлены результаты расчетов импульсов протонов и иона кислорода O^{2+} с различными начальными условиями для решения системы уравнений (1): (a) — начальное состояние определяется равновесной геометрией нейтральной молекулы воды; (b) — начальное состояние является случайным и определяется ее ножничными колебаниями; (c) — то же самое, но для симметричных колебаний; (d) — то же самое, но для асимметричных колебаний; (e) — при учете всех трех мод колебаний для нейтральной воды.

Характерной и важной особенностью измерений, сделанных в работе [2], является заметное количество протонов, зарегистрированных в той же полусфере, что и ион кислорода. Чтобы подобное стало в принципе возможным, необходимо, чтобы молекулярный ион разлетался из сильно развернутой конфигурации, когда угол между направлениями на атомы водорода составляет примерно 180°, при этом ион должен быть существенно несимметричен. Можно показать, что при распаде молекулы воды из симметричной геометрии невозможен вылет иона водорода в переднюю полуплоскость по отношению к иону кислорода. Поэтому для появления событий в передней полуплоскости необходимо наличие асимметричной моды. В отличие от симметричных и ножничных колебаний, которые возникают за счет различия равновесных геометрий нейтральной воды и дикатиона, асимметричные колебания, хоть и автоматически учитываются в расчетах с квантовохимической ППЭ, но не могут возбудиться, если их не было в нейтральной молекуле. Поэтому подобных событий на рис. 5 а не наблюдается. Можно видеть, что учет нулевых колебаний нейтральной молекулы воды решает эту проблему.

3.2. Влияние эволюции кислорода на динамику разлета

Для исследования различия между ранними и поздними развалами молекулы на рис. 6 мы приве-



Рис. 5. Диаграммы Ньютона для протонов, измеренных на совпадение с ионом кислорода O²⁺, для различных мод, разрешенных для начального состояния нейтральной молекулы воды H₂O: (*a*) — равновесная конфигурация; (*b*) — разрешены только ножничные колебания; (*c*) — разрешены только симметричные колебания; (*d*) — разрешены только асимметричные колебания; (*e*) — разрешены ножничные, симметричные и асимметричные колебания



Рис. 6. Диаграммы Ньютона для протонов, измеренных на совпадение с ионом кислорода O²⁺ (*a*), O⁴⁺ (*b*) и O⁶⁺ (*c*). Слева — экспериментальные данные [2], справа — результаты расчета



Рис. 7. Высвобожденная кинетическая энергия (kinetic energy release, KER) для ионов O²⁺ — синие линии, O⁴⁺ — красные линии и O⁶⁺ — зеленые линии. Экспериментальные данные [2] показаны точками с ошибками и штриховой линией, сплошные линии соответствуют текущим расчетам: (*a*) — для импульса формы (3), (*b*) — для импульса более сложной формы, а именно суммы узкого (10 фс) и широкого (50 фс) импульсов с отношением интенсивностей 1:1

ли сравнение диаграмм Ньютона для протонов, измеренных на совпадение с ионами кислорода зарядности O^{2+} , O^{4+} и O^{6+} . В этих зарядовых состояниях в конце импульса оказывается наибольшее число ионов (см. рис. 4). Очевидно, что событиям с большим зарядом соответствует более ранняя ионизация нейтральной воды и более быстрый распад молекулярного иона. Это приводит к уменьшению числа протонов, регистрируемых в одной полусфере с кислородом, и увеличению среднего импульса протонов, что наблюдается в эксперименте и подтверждается расчетами.

Рисунок 7 представляет собой интегральную характеристику ньютоновских диаграмм рис. 6, а именно общее количество событий с данной суммарной кинетической энергией фрагментов. Ионам меньшей зарядности соответствуют кривые, сдвинутые в низкоэнергетическую область, а ионам большей зарядности — в высокоэнергетическую. Разница приобретенной кинетической энергии для ионов с $\Delta Z = 2$ составляет порядка 10 эВ. Синяя кривая на рис. 7, соответствующая меньшей зарядности, претерпевает меньше статистических флуктуаций и более чувствительна к форме импульса, в то время как зеленая кривая, соответствующая большему заряду, существенно усредняется (размывается). На рис. 7 b представлены расчеты для импульса более сложной формы: суммы узкого (10 фс) и широкого (50 фс) импульсов с отношением интенсивностей 1:1.

3.3. Спектры фотоэлектронов

На рис. 8 представлены спектры электронов, испущенных при облучении молекулы воды интенсивным электромагнитным излучением. Различные



Рис. 8. Фотоэлектронный спектр при ионизации воды импульсом с энергией фотонов 1000 эВ, флюенсом $2 \cdot 10^{11}$ фотонов/мкм² и длительностью 40 фс. Вклады от ионизации нейтральной (Z = 0) и однократно заряженной (Z = 1) молекулы воды отмасштабированы относительно остальных вкладов на 4 и на 2 соответственно.

кривые соответствуют разным зарядам (иона) кислорода, из которого испускается электрон. Группа линий в области 900–950 эВ соответствует фотоэмиссии с валентных оболочек, группа линий в области 300–600 эВ включает в себя как линии фотоэмиссии из внутренней K-оболочки, так и ожеэлектроны. Черная линия при 460 эВ соответствует ионизации K-оболочки нейтральной молекулы воды. Подчеркнем, что разница в потенциалах ионизации этой оболочки атома кислорода (536 эВ) и молекулы воды (539 эВ) находится за пределами разрешающей способности предполагаемого детектора, для которых разрешающая способность $0.01 E_e$ считается очень хорошей (Ее – энергия электрона). Все линии, расположенные ниже по энергии, чем этот фотопик, соответствуют фотоионизации К-оболочки, причем для однократно заряженного иона доминирует ветвь $1s^1 \to 1s^0$, а для дважды заряженного иона — $1s^2 \rightarrow 1s^1$. Объясняется это нехваткой ионов в соответствующем начальном состоянии, а именно, однократные ионы, в основном имеют К-вакансию, а в двухзарядных она уже заполнена за счет оже-распада. Структуры выше по энергии, чем фотопик 460 эВ, соответствуют ожеэлектронам. Структура трезубца, наблюдаемая для оже-спектра иона фиксированной зарядности, происходит из-за участия в распаде двух 2s-электронов LL (меньшая энергия), одного 2*s*-электрона и одного валентного V, и двух валентных VV (большая энергия). Предсказанная нами структура оже-спектра находится в соответствии с расчетами [18].

4. ЗАКЛЮЧЕНИЕ

В работе рассмотрена динамика разлета фрагментов молекулы воды, инициированная взаимодействием с интенсивным электромагнитным импульсом. Получено распределение ионов кислорода по зарядам, промоделированы импульсы, приобретаемые протонами и кислородом после разлета при различных зарядовых траекториях эволюции молекулы. Результаты представлены в виде диаграмм Ньютона, то есть диаграмм импульсов протонов, детектируемых на совпадение с импульсом кислорода. Рассчитана высвобожденная кинетическая энергия (KER) за счет кулоновского взрыва молекулы. Все расчеты выполнены для условий, приближенных к эксперименту [2], и сопоставлены с его результатами. Согласие экспериментальных данных и расчетов показывает применимость предложенного метода.

Рассчитанные и измеренные диаграммы Ньютона демонстрируют максимумы и шлейф событий, соответствующих протону, вылетевшему в ту же полуплоскость, что и ион кислорода. В то время как основные максимумы формируются за счет кулоновского трехчастичного разлета, шлейф определяется различными колебательными модами нейтральной молекулы воды, ее катиона и дикатиона. Расчеты показали существенную чувствительность приобретаемой кинетической энергии от формы электромагнитного импульса. Финансирование. Разработка подхода к описанию динамики разлета молекулы воды, составление соответствующих диаграмм Ньютона и анализ поверхностей потенциальной энергии ионов воды выполнены при финансовой поддержке Министерства науки и высшего образования Российской Федерации, грант № 075-15-2021-1353. Анализ фотоэлектронных спектров при ионизации молекулы воды поддержан Российским Научным Фондом, проект № 23-62-10026 [49]. Вычислительная часть поддержана Министерством науки и высшего образования Российской Федерации в рамках проекта № FEME-2024-0005.

Благодарности. Авторы выражают благодарность профессорам Renaud Guillemin и Marc Simon за предоставление оригинальных экспериментальных данных из работы [2].

ЛИТЕРАТУРА

- A. Artemyev, A. Bibikov, V. Zayets, and I. Bodrenko, J. Chem. Phys. **123**, 024103, (2005).
- 2. T. Jahnke et al. Phys. Rev. X 11, 041044 (2021).
- B. Boudaiffa, P. Cloutier, D. Hunting, M. A. Huels, and L. Sanche, Science 287, 1658 (2000).
- 4. B. C. Garrett et al., Chem. Rev. 105, 355 (2005).
- 5. R. W. Carlson et al., Science 283, 2062 (1999).
- M. Blanc, D. J. Andrews, A. J. Coates, D. C. Hamilton, C. M. Jackman, X. Jia, A. Kotova, M. Morooka, H. T. Smith, and J. H. Westlake, Space Sci. Rev. **192**, 237 (2015).
- 7. I. G. Draganic, Radiat. Phys. Chem. 72, 181 (2005).
- S. Serkez, G. Geloni, S. Tomin, G. Feng, E. V. Gryzlova, A. N. Grum-Grzhimailo, and M. Meyer, J. Opt. 20, 024005 (2018).
- 9. E. V. Gryzlova, M. D. Kiselev, M. M. Popova, and A. N. Grum-Grzhimailo, Phys. Rev. A 107, 013111 (2023).
- 10. F. Braube, Phys. Rev. A 97, 043429 (2018).
- A. Sankari, C. Stråhlman, R. Sankari, L. Partanen, J. Laksman, J. A. Kettunen, I. F. Galvin, R. Lindh, P.-Å. Malmqvist, and S. L. Sorensen, J. Chem. Phys. 152, 074302 (2020).
- H. Siegbahn, L. Asplund, and P. Kelfve, Chem. Phys. Lett. 35, 330 (1975).
- 13. H. Ågren and O. Vahtras, J. Phys. B 26, 913 (1993).

- 14. A. Moddeman, J. A. Carlson, M. O. Krause, B. P. Pullen, W. E. Bull, and G. K. Schweitzer, J. Chem. Phys. 55, 2317 (1971).
- 15. S. W. J. Scully, Phys. Rev. A 73, 040701R (2006).
- 16. Z. L. Streeter, F. L. Yip, R. R. Lucchese, B. Gervais, T. N. Rescigno, and C.W. McCurdy, Phys. Rev. A 98, 053429 (2018).
- 17. D. Reedy et al., Phys. Rev. A 98, 053430 (2018).
- P. Wang, T. X. Carroll, T. D. Thomas, L. J. Søthre, K. J. Børve, J. Electron Spectros. Relat. Phenomena 251, 147103 (2021).
- L. S. Cederbaum, F. Tarantelli, A. Sgamellotti, and J. Schirmer, J. Chem. Phys. 85, 6513 (1986).
- 20. M. N. Piancastelli, Eur. Phys. J. Special Topics 222, 2035 (2013).
- L. Inhester, C. F. Burmeister, G. Groenhof, and H. Grubmüller, J. Chem. Phys. 136, 144304 (2012).
- 22. R. Dorner, V. Mergel, O. Jagutzki, L. Spielberger, J. Ullrich, R. Moshammer, and H. Schmidt-Böcking, Phys. Rep. 330, 95 (2000).
- 23. M. N. Piancastelli, A. Hempelmann, F. Heiser, O. Gessner, A. Rüdel, and U. Becker, Phys. Rev. A 59, 300 (1999).
- 24. A. Sankari, C. Stråhlman, R. Sankari, L. Partanen, J. Laksman, J. A. Kettunen, I. F. Galván, R. Lindh, P.-Å. Malmqvist, and S. L. Sorensen, J. Chem. Phys. 152, 074302 (2020).
- 25. H. Fukuzawa et al., J. Chem. Phys. 150, 174306 (2019).
- 26. T. Severt, Z. L. Streeter, W. Iskandar, K. A. Larsen, A. Gatton, D. Trabert, B. Jochim, B. Griffin, E. G. Champenois, M. M. Brister, D. Reedy, D. Call, R. Strom, A. L. Landers, R. Dörner, J. B. Williams, D. S. Slaughter, R. R. Lucchese, T. Weber, C. W. McCurdy, and I. Ben-Itzhak, Nat. Commun. 13, 5146 (2022).
- 27. J. Howard, M. Britton, Z. L. Streeter, C. Cheng, R. Forbes, J. L. Reynolds, F. Allum, G. A. McCracken, I. Gabalski, R. R. Lucchese, C. W. McCurdy, T. Weinacht, and P. H. Bucksbaum, Commun. Chem. 6, 81 (2023).
- 28. D. Dill and J. L. Dehmer, J. Chem. Phys. 61, 692 (1974).
- 29. L. Moore, M. Lysaght, L. Nikolopoulos, J. Parker, H. van der Hart, and K. Taylor, J. Mod. Opt. 58, 1132 (2011).

- 30. R. R. Lucchese, K. Takatsuka, and V. McKoy, Phys. Rep. 131, 147 (1986).
- C. Marante, M. Klinker, I. Corral, J. Gonzalez-Vazquez, L. Argenti, and F. Martin, J. Chem. Theory Comput. 13, 499 (2017).
- 32. E. V. Tkalya, A. V. Bibikov, and I. V. Bodrenko, Phys. Rev. C 81, 024610, (2010).
- 33. E. V. Tkalya, A. V. Avdeenkov, A. V. Bibikov, I. V. Bodrenko, and A. V. Nikolaev, Phys. Rev. C 86, 014608, (2012).
- 34. A. V. Bibikov, A. V. Avdeenkov, I. V. Bodrenko, A. V. Nikolaev, and E. V. Tkalya, Phys. Rev. C 88, 034608, (2013).
- 35. А. В. Бибиков, Г. Я. Коренман, С. Н. Юдин, Вестн. Моск. ун-та. Сер. 3. Физ. Астрон. 78(1), 2310602 (2023).
- 36. T. H. Dunning, J. Chem. Phys. 90, 1007 (1989).
- 37. K. L. Schuchardt, B. T. Didier, T. Elsethagen et al., J. Chem. Inf. Model. 47, 1045 (2007), doi:10.1021/ci600510j
- 38. B. Gervais, E. Giglio, L. Adoui, A. Cassimi, D. Duflot, and M. E. Galassi, J. Chem. Phys. 131, 024302 (2009).
- **39**. H. B. Pedersen et al., Phys. Rev. A **87**, 013402 (2013).
- 40. Л. Д. Ландау, Е. М. Лифщиц, Квантовая механика: нерелятивистская теория, Физматлит, Москва (2004).
- V. Y. Lunin, A. N. Grum-Grzhimailo, E. V. Gryzlova, D. O. Sinitsyn, T. E. Petrova, N. L. Lunina, N. K. Balabaev, K. B. Tereshkina, A. S. Stepanov, Y. F. Krupyanskii, Acta Cryst. D **71**, 293 (2015).
- 42. Kengo Moribayashi, J. Phys. B 41, 085602 (2008).
- **43.** F. Herman and S. Skillman, *Atomic Structure Calculations*, Englewood Cliffs: Prentice-Hall Inc. (1963).
- 44. J. J. Yeh and I. Lindau, Atomic Data and Nuclear Data Tables 32, 1 (1985).
- 45. Sang-Kil Son, L. Young, and R. Santra, Phys. Rev. A 83, 033402 (2011).
- 46. E. Allaria, R. Appio, L. Badano et al., Nat. Phot. 6, 699 (2012).
- 47. P. Finetti et al., J. Opt. 19, 114010 (2017).
- 48. C. Buth, R. Beerwerth, R. Obaid, N. Berrah, L. S. Cederbaum, and S. Fritzsche, J. Phys. B 51, 055602 (2018).
- 49. https://rscf.ru/en/project/23-62-10026/.